

## Konfidencia intervallum a binomiális eloszlás ismeretlen $p$ -paraméterére

A pontbecslés a  $\hat{p} = k/n$  relatív gyakoriság,  $k = n\hat{p}$  binomiális eloszlású  $Ek = np$  várható értékkel és  $D^2k = np(1-p)$  szórásnégyzettel. A centrális határeloszlás tétel szerint nagy  $n$ -re  $\frac{n\hat{p}-np}{\sqrt{np(1-p)}}$  standard normális eloszlású jó közelítéssel, azaz a

$$P(-x < \sqrt{n} \frac{\hat{p} - p}{\sqrt{p(1-p)}} < x) = P\left((\hat{p} - p)^2 < x^2 \frac{p(1-p)}{n}\right)$$

valószínűség jó közelítéssel  $c = \Phi(x) - \Phi(-x) = 2\Phi(x) - 1$ , a biztonsági szint ( $\Phi$  a standard normális eloszlásfüggvény). A másodfokú egyenlőtlenséget megoldva

$$p_{12} = \frac{n\hat{p} + x_c^2/2 \pm x_c \sqrt{n\hat{p}(1-\hat{p}) + x_c^2/4}}{n + x_c^2},$$

ahol  $\Phi(x_c) = \frac{c+1}{2}$ . Azt mondhatjuk, hogy az esemény ismeretlen  $p$  valószínűsége a megfigyelések alapján az esetek  $100c\%$ -ában a  $(p_1; p_2)$  intervallumba esik, míg annak a kockázata, hogy az intervallumon kívül,  $100(1-c)\%$ .